

МИНОБРНАУКИ РОССИИ



Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Российский государственный гуманитарный университет»
(ФГАОУ ВО «РГГУ»)

ИНСТИТУТ ИНФОРМАЦИОННЫХ НАУК И ТЕХНОЛОГИЙ БЕЗОПАСНОСТИ
Факультет информационных систем и безопасности
Кафедра фундаментальной и прикладной математики

ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ АЛГЕБРЫ
РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

01.03.04 Прикладная математика

Код и наименование направления подготовки/специальности

Математика эффективных ИТ-решений

Наименование направленности (профиля)/специализации

Уровень высшего образования: *бакалавриат*

Форма обучения: *очная*

РПД адаптирована для лиц
с ограниченными возможностями
здоровья и инвалидов

Москва 2026

ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ АЛГЕБРЫ

Рабочая программа дисциплины

Составители:

Д. ф.-м. н., профессор, профессор кафедры фундаментальной и прикладной математики
В.М. Максимов

УТВЕРЖДЕНО

Протокол заседания кафедры
фундаментальной и прикладной математики
№ 5 от 19.12.2025

ОГЛАВЛЕНИЕ

1.	<u>Пояснительная записка</u>	4
1.1.	<u>Цель и задачи дисциплины</u>	4
1.2.	<u>Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций</u>	4
1.3.	<u>Место дисциплины в структуре образовательной программы</u>	4
2.	<u>Структура дисциплины</u>	4
4.	<u>Образовательные технологии</u>	5
5.	<u>Оценка планируемых результатов обучения</u>	5
5.1	<u>Система оценивания</u>	5
5.2	<u>Критерии выставления оценки по дисциплине</u>	6
5.3	<u>Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине</u>	7
6.	<u>Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины</u>	8
6.1	<u>Список источников и литературы</u>	8
6.2	<u>Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»</u>	9
6.3	<u>Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы</u>	9
7.	<u>Материально-техническое обеспечение дисциплины</u>	9
8.	<u>Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов</u>	10
9.	<u>Методические материалы</u>	11
9.1	<u>Планы практических занятий</u>	11
9.2	<u>Методические рекомендации по подготовке письменных работ</u>	12
	<u>Приложение 1. Аннотация рабочей программы дисциплины</u>	14

1. Пояснительная записка

1.1. Цель и задачи дисциплины

Цель дисциплины: познакомить студента с весьма важной прикладной областью математического знания как локально компактные поля.

Задачи дисциплины: на примерах показать способы моделирования с использованием основной теории, задач действительности.

1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Компетенция (код и наименование)	Индикаторы компетенций (код и наименование)	Результаты обучения
ПК-1. Способен проводить систематизацию, алгоритмизацию конкретных информационных потоков по месту научных исследований, производственной деятельности	ПК-1.1. Переформулирует задачи, данные на естественных языках конкретного научного знания на необходимый язык математики; формулирует теоремы	<i>Знать:</i> классические методы анализа и синтеза стационарных линейных систем, методы пространства состояний; <i>Уметь:</i> выбирать конкретные методы для анализа и синтеза для решения прикладной задачи; <i>Владеть:</i> навыками формализации прикладных задач.
	ПК-1.3. В достаточной степени владеет культурой доказательств математических положений	<i>Знать:</i> классические методы анализа и синтеза стационарных линейных систем, методы пространства состояний; <i>Уметь:</i> выбирать конкретные методы для анализа и синтеза для решения прикладной задачи; <i>Владеть:</i> навыками формализации прикладных задач.

1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Дополнительные главы алгебры» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений блока дисциплин учебного плана.

Для освоения дисциплины необходимы знания, умения и владения, сформированные в ходе изучения следующих дисциплин (модулей): «Общая алгебра и теория чисел», «Математический анализ».

В результате освоения дисциплины формируются знания, умения и владения, необходимые для изучения следующих дисциплин: «Теория кодирования».

2. Структура дисциплины

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 академических часа(ов).

Структура дисциплины для очной формы обучения

Объем дисциплины в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Семестр	Тип учебных занятий	Количество часов
7	Лекции	20

7	Практические занятия	22
	Всего:	42

Объем дисциплины в форме самостоятельной работы обучающихся составляет 66 академических часа(ов).

3. Содержание дисциплины

Тема 1. Теоремы Дедекинда о строении полупростых коммутативных алгебр над полем действительных чисел.

Теоремы Фробениуса об конечномерных алгебрах с делением над полем действительных чисел.

Тема 2. Топологические группы, кольца, тела.

Связные и вполне несвязные. Общие свойства топологических тел.

Локально-компактные простые кольца.

Их строение, строение аддитивной группы, типы топологий. Теоремы Jacobson-Tousky.

Строение коммутативных топологических групп.

Тема 3. Нейархимедовы метрики и топология в поле рациональных чисел.

Теорема Островского. Поля p -адических чисел, их свойства и приложения. Некоторые обобщения полей p -адических чисел (конечные расширения).

Тема 4. Доказательство теоремы Понтрягина о строении локально бикompактных связных тел.

О строении локально бикompактных связных тел.

Доказательство теоремы Ковальского о строении вполне несвязных топологических тел.

О строении локально бикompактных связных тел.

4. Образовательные технологии

Для проведения *занятий лекционного типа* по дисциплине применяются такие образовательные технологии как лекция-визуализация с применением слайд-проектора, лекция-беседа.

Для проведения *практических занятий* используются такие образовательные технологии как решение типовых задач для закрепления и формирования знаний, умений, навыков.

В рамках *самостоятельной работы* студентов проводится консультирование и проверка домашних заданий посредством электронной почты.

В период временного приостановления посещения обучающимися помещений и территории РГГУ для организации учебного процесса с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий могут быть использованы следующие образовательные технологии:

- видео-лекции;
- онлайн-лекции в режиме реального времени;
- электронные учебники, учебные пособия, научные издания в электронном виде и доступ к иным электронным образовательным ресурсам;
- системы для электронного тестирования;
- консультации с использованием телекоммуникационных средств.

5. Оценка планируемых результатов обучения

5.1 Система оценивания

Форма контроля	Макс. количество баллов	
	За одну работу	Всего

Текущий контроль: - Рефераты, доклады - Контрольная работа - Коллоквиум	5 баллов 25 баллов 10 баллов	25 баллов 25 баллов 10 баллов
Промежуточная аттестация – зачет с оценкой - Ответы на теоретические вопросы - Итоговая контрольная работа		20 баллов 20 баллов
Итого за семестр		100 баллов

Полученный совокупный результат конвертируется в традиционную шкалу оценок и в шкалу оценок Европейской системы переноса и накопления кредитов (European Credit Transfer System; далее – ECTS) в соответствии с таблицей:

100-балльная шкала	Традиционная шкала		Шкала ECTS
95 – 100	отлично	зачтено	A
83 – 94			B
68 – 82	хорошо		C
56 – 67	удовлетворительно		D
50 – 55			E
20 – 49	неудовлетворительно	не зачтено	FX
0 – 19			F

5.2 Критерии выставления оценки по дисциплине

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
100-83/ A,B	зачтено	Выставляется обучающемуся, если он глубоко и прочно усвоил теоретический и практический материал, может продемонстрировать это на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся исчерпывающе и логически стройно излагает учебный материал, умеет увязывать теорию с практикой, справляется с решением задач профессиональной направленности высокого уровня сложности, правильно обосновывает принятые решения. Свободно ориентируется в учебной и профессиональной литературе. Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «высокий».
82-68/ C	зачтено	Выставляется обучающемуся, если он знает теоретический и практический материал, грамотно и по существу излагает его на занятиях и в ходе промежуточной аттестации, не допуская существенных неточностей. Обучающийся правильно применяет теоретические положения при решении практических задач профессиональной направленности разного уровня сложности, владеет необходимыми для этого навыками и приёмами. Достаточно хорошо ориентируется в учебной и профессиональной литературе. Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «хороший».
67-50/ D,E	зачтено	Выставляется обучающемуся, если он знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает отдельные ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся испытывает определённые затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, владеет необходимыми для

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
		этого базовыми навыками и приёмами. Демонстрирует достаточный уровень знания учебной литературы по дисциплине. Оценка по дисциплине выставляются обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «достаточный».
49-0/ F,FX	не зачтено	Выставляется обучающемуся, если он не знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает грубые ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся испытывает серьёзные затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, не владеет необходимыми для этого навыками и приёмами. Демонстрирует фрагментарные знания учебной литературы по дисциплине. Оценка по дисциплине выставляются обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции на уровне «достаточный», закреплённые за дисциплиной, не сформированы.

5.3 Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Текущий контроль

Примерные темы рефератов, докладов:

1. Локально-компактные простые кольца.
2. Теорема Островского.
3. Поля p -адических чисел, их свойства и приложения.
4. Некоторые обобщения полей p -адических чисел (конечные расширения).

Примерные задания для контрольной работы:

1. Верно ли, что мощность всех отображений, множества состоящего хотя бы из одного элемента, больше исходного множества? Ответ доказать.
2. Верно ли, что компактное пространство нормально? Доказать.
3. Убедитесь, что Γ - метрика и что индуцируемая ею топология эквивалентна тихоновской топологии.
4. Гильбертов куб (пример, счетное произведение отрезков $[0;1]$) – метризуемое топологическое пространство.

Примерные вопросы для коллоквиума:

Теоремы Дедекинда о строении полупростых коммутативных алгебр над полем действительных чисел.

Теоремы Фробениуса об конечномерных алгебрах с делением над полем действительных чисел.

Связные и вполне несвязные.

Общие свойства топологических тел.

Локально-компактные простые кольца и их строение.

Строение аддитивной группы, типы топологий.

Теоремы Jacobson-Tousky.

Строение коммутативных топологических групп.

Теорема Ковальского о строении вполне несвязных топологических тел.

Теорема Понтрягина о строении локально бикомпактных связных тел.

1. Локально-компактные простые кольца.
2. Теорема Островского.
3. Поля p -адических чисел, их свойства и приложения.
4. Некоторые обобщения полей p -адических чисел (конечные расширения).

Промежуточная аттестация

Примерные контрольные вопросы по курсу:

Теоремы Дедекинда о строении полупростых коммутативных алгебр над полем действительных чисел.

Теоремы Фробениуса об конечномерных алгебрах с делением над полем действительных чисел.

Связные и вполне несвязные.

Общие свойства топологических тел.

Локально-компактные простые кольца и их строение.

Строение аддитивной группы,

ного пространства образуют топологию: а) \mathbb{R} , \mathbb{C} и все подмножества типы топологий.

Теоремы Jacobson-Tousky.

Строение коммутативных топологических групп.

Теорема Ковальского о строении вполне несвязных топологических тел.

Теорема Понтрягина о строении локально бикомпактных связных тел.

Примерные практические задания для итоговой контрольной работы:

1. Описать все топологии множества $\{a, b\}$.
2. Какие из следующих семейств вещественных $(-\infty, x)$; б) \mathbb{R} , \mathbb{C} и все подмножества $(-\infty, x]$.
3. Показать, что семейство интервалов вида $(-n, n)$, n - натуральное число, является открытым покрытием вещественной прямой с обычной топологией, из которого нельзя извлечь конечно подпокрытия.
4. Доказать, что компактное метрическое пространство сепарабельно.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1 Список источников и литературы

Литература

Основная

1. Наймарк, М. А. Нормированные кольца [Электронный ресурс] / М. А. Наймарк. - 3-е изд. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2010. - 688 с., 3 ил. - ISBN 978-5-9221-1273-4. - Текст: электронный. - URL: <https://new.znaniium.com/catalog/product/544789>

2. Гельфанд, И. М. Коммутативные нормированные кольца / И.М. Гельфанд, Д.А. Райков, Г.Е. Шилов. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2011. - 260 с. (Классика и современность. Математика). ISBN 978-5-9221-1331-1, 100 экз. - Текст: электронный. - URL: <https://new.znaniium.com/catalog/product/392894>

3. Криптографическая защита информации : учеб. пособие / С.О. Крамаров, О.Ю. Митясова, С.В. Соколов [и др.]; под ред. проф. С.О. Крамарова. — Москва : РИОР : ИНФРА-М, 2018. —

- 321 с. — (Высшее образование). — DOI: <https://doi.org/10.12737/1716-6>. - ISBN 978-5-16-106001-8. - Текст : электронный. - URL: <https://new.znaniy.com/catalog/product/901659>
4. Ларин, С. В. Алгебра и теория чисел. Группы, кольца и поля : учебное пособие для вузов / С. В. Ларин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 160 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-05567-2. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/540008> (дата обращения: 01.04.2024).
5. Нестерова, Л. Ю. Теория чисел : учебник и практикум для вузов / Л. Ю. Нестерова, С. В. Напалков. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 150 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-14921-0. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/544466> (дата обращения: 01.04.2024).

Дополнительная

1. Власов, Е. Г. Конечные поля в телекоммуникационных приложениях. Теория и применение FEC, CRC и M-последовательностей : практич. пособие / Е.Г. Власов. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 285 с. + Доп. материалы [Электронный ресурс; Режим доступа <http://new.znaniy.com>]. — (Наука и практика). — www.dx.doi.org/10.12737/16990. - ISBN 978-5-16-100542-2. - Текст: электронный. - URL: <https://new.znaniy.com/catalog/product/1025235>

6.2 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет».

Л.С. Понтягин. Непрерывные группы. [Электронный ресурс] – М.: Наука, 1973. - 527 с. - Режим доступа: <http://bookre.org/reader?file=439841>

Джекобсон Н. Теория колец [Электронный ресурс]/ Перевод с англ. - М.: Государственное издательство иностранной литературы. – Режим доступа: <http://bookre.org/reader?file=439814>

Национальная электронная библиотека (НЭБ) www.rusneb.ru
 ELibrary.ru Научная электронная библиотека www.elibrary.ru

6.3 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

Доступ к профессиональным базам данных: <https://liber.rsuh.ru/ru/bases>

Информационные справочные системы:

1. Консультант Плюс
2. Гарант

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для обеспечения дисциплины используется материально-техническая база образовательного учреждения: учебные аудитории, оснащённые доской, компьютером или ноутбуком, проектором (стационарным или переносным) для демонстрации учебных материалов.

Состав программного обеспечения:

1. Windows
2. Microsoft Office
3. Kaspersky Endpoint Security

8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

В ходе реализации дисциплины используются следующие дополнительные методы обучения, текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в зависимости от их индивидуальных особенностей:

- для слепых и слабовидящих: лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением; письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением или могут быть заменены устным ответом; обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс; для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств; письменные задания оформляются увеличенным шрифтом; экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

- для глухих и слабослышащих: лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования; письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме; экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.

- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением; письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением; экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

- для слепых и слабовидящих: в печатной форме увеличенным шрифтом, в форме электронного документа, в форме аудиофайла.

- для глухих и слабослышащих: в печатной форме, в форме электронного документа.

- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме, в форме электронного документа, в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения:

- для слепых и слабовидящих: устройством для сканирования и чтения с камерой SARA SE; дисплеем Брайля PAC Mate 20; принтером Брайля EmBraille ViewPlus;

- для глухих и слабослышащих: автоматизированным рабочим местом для людей с нарушением слуха и слабослышащих; акустический усилитель и колонки;

- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата: передвижными, регулируемые эргономическими партами СИ-1; компьютерной техникой со специальным программным обеспечением.

9. Методические материалы

9.1 Планы практических занятий

Тема 1. Теоремы Дедекинда о строении полупростых коммутативных алгебр над полем действительных чисел.

Цель занятия: Разбор примеров конечномерных коммутативных алгебр малой размерности
 Форма проведения – решение типовых задач для закрепления и формирования знаний, умений, навыков.

Задания:

1. Описать все топологии множества $\{a, b\}$.
2. Какие из следующих семейств вещественного пространства образуют топологию: а) $\{j, \mathcal{A}\}$ и все подмножества $(-\infty, x)$; б) $\{j, \mathcal{A}\}$ и все подмножества $(-\infty, x]$.
3. Показать, что семейство интервалов вида $(-n, n)$, n – натуральное число, является открытым покрытием вещественной прямой с обычной топологией, из которого нельзя извлечь конечно подпокрытия.

Контрольные вопросы:

Теоремы Дедекинда о строении полупростых коммутативных алгебр над полем действительных чисел.

Теоремы Фробениуса об конечномерных алгебрах с делением над полем действительных чисел.

Тема 2. Топологические группы, кольца, тела.

Цель занятия: Примеры топологических групп, колец и тел

Форма проведения – решение типовых задач для закрепления и формирования знаний, умений, навыков.

Задания:

1. Доказать, что компактное метрическое пространство сепарабельно.
2. Задача. Пусть множество I имеет мощность континуума или больше. Верно ли, что тихоновский куб $[0, 1]^I$ несепарабелен?
3. Задача. Докажите, что если топологическое пространство M компактно, то любой монотонный набор непустых замкнутых подмножеств $Z_i \subset M$ имеет непустое пересечение $\bigcap_i Z_i$.
4. Задача. Пусть M — хаусдорфово топологическое пространство со счетной базой. Докажите, что M компактно тогда и только тогда, когда у M нет бесконечных дискретных подмножеств.
5. Задача. Пусть M компактно. Выведите из теоремы Александера, что M^I с тихоновской топологией компактно.

Контрольные вопросы:

Связные и вполне несвязные.

Общие свойства топологических тел.

Локально-компактные простые кольца и их строение.

Строение аддитивной группы, типы топологий.

Теоремы Jacobson-Tousky.

Строение коммутативных топологических групп.

Тема 3. Неархимедовы метрики и топология в поле рациональных чисел.

Цель занятия: Примеры топологических групп, колец и тел

Форма проведения – решение типовых задач для закрепления и формирования знаний, умений, навыков.

Задания:

1. Задача. Основная теорема алгебры. Пусть $P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_1 x + a_0$ — полином положительной степени с комплексными коэффициентами. Мы рассматриваем P как функцию из \mathbb{C} в \mathbb{C} . Как топологическое пространство \mathbb{C} отождествляется с \mathbb{R}^2 . Мы хотим доказать, что $P(x) = 0$ для какого-то $x \in \mathbb{C}$.
2. Задача. Докажите, что полином P непрерывен.
3. Задача. Докажите, что найдется такое C , что для всех $|x| > C$ выполняется неравенство $|P(x) - x^n| < \frac{1}{2} \max_{1 \leq i \leq n} |a_i|$.
4. Задача. Докажите, что найдется такое C , что для всех $|x| > C$ выполняется неравенство $|P(x)| > R^n$.
5. Задача. Выведите из этого, что $|P|$ достигает локального минимума в точке $a \in \mathbb{C}$.
6. Задача. Какие квадратные уравнения можно решить в \mathbb{Z}_p ? А в \mathbb{Q}_p ?

Контрольные вопросы:

Теорема Островского.

Поля p -адических чисел, их свойства и приложения.

Некоторые обобщения полей p -адических чисел (конечные расширения).

Тема 4. Топологические группы, кольца, тела.

Цель занятия: Примеры топологических групп, колец и тел

Форма проведения – решение типовых задач для закрепления и формирования знаний, умений, навыков.

Задания:

1. Задача. Докажите, что пространство со счетной базой в точке содержит плотное счетное подмножество тогда и только тогда, когда у него есть счетная база.
2. Задача. Приведите пример непрерывного отображения хаусдорфовых пространств, которое а) замкнуто, но не открыто, б) открыто, но не замкнуто.
3. Задача. Докажите, что любой максимальный идеал — простой.
4. Задача. Пусть M — множество, а $U \subset 2^M$ — набор его подмножеств. Докажите, что следующие утверждения равносильны: 1) U — ультрафильтр; 2) выполнены следующие свойства: • если $A \subset B$, $A \in U$, то $B \in U$; • для любого $A \subset M$ либо A , либо $M \setminus A$ лежат в U (но не одновременно); • если $A, B \in U$, то $A \cap B \in U$; $\emptyset \notin U$.

Контрольные вопросы:

Теорема Ковальского о строении вполне несвязных топологических тел.

Теорема Понтрягина о строении локально бикompактных связных тел.

Локально-compactные простые кольца.

9.2 Методические рекомендации по подготовке письменных работ

Требования к подготовке и содержанию письменных работ (реферата, доклада):

1. Соответствие содержания теме и плану работы.
2. Полнота и глубина раскрытия основных понятий проблемы.
3. Достаточность фактов, позволяющих проиллюстрировать актуальность избранной проблемы, способы ее решения.
4. Работа с литературой, систематизация и структурирование материала.
5. Обобщение и сопоставление различных точек зрения по рассматриваемому вопросу.

6. Наличие и четкость выводов, резюме.

АННОТАЦИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Дополнительные главы алгебры» реализуется на факультете информационных систем и безопасности кафедрой фундаментальной и прикладной математики.

Цель дисциплины: познакомить студента с весьма важной прикладной областью математического знания как локально компактные поля.

Задачи: на примерах показать способы моделирования с использованием основной теории, задач действительности.

Дисциплина направлена на формирование следующих компетенций:

ПК-1. Способен проводить систематизацию, алгоритмизацию конкретных информационных потоков по месту научных исследований, производственной деятельности.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

Знать: классические методы анализа и синтеза стационарных линейных систем, методы пространства состояний;

Уметь: выбирать конкретные методы для анализа и синтеза для решения прикладной задачи;

Владеть: навыками формализации прикладных задач.

По дисциплине предусмотрена промежуточная аттестация в форме зачёта с оценкой.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 4 зачетные единицы.

ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ¹

№	Текст актуализации или прилагаемый к РПД документ, содержащий изменения	Дата	№ протокола

¹ Для ОП ВО магистратуры изменения только за 2020 г.